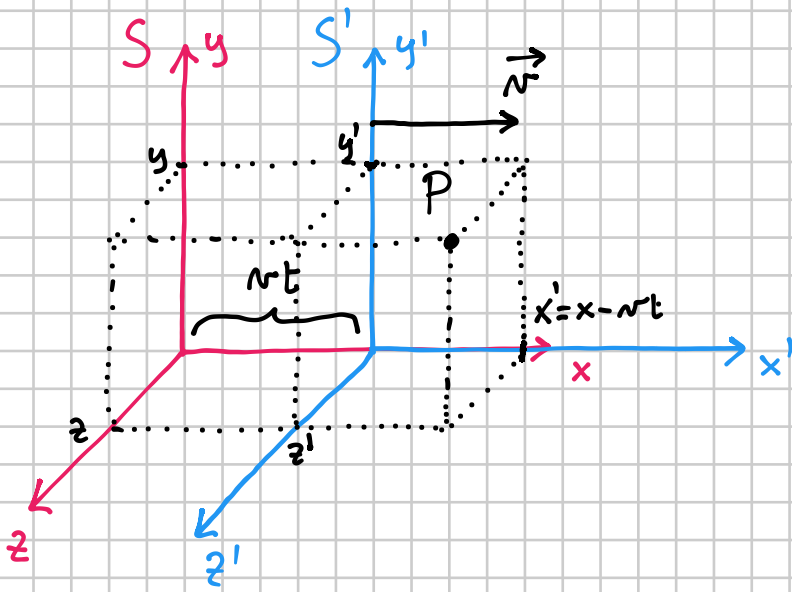


# TRASFORMAZIONI DI LORENTZ

PREMESSA: TRASFORMAZIONI DI GALILEO



$$P \begin{cases} \nearrow S \rightsquigarrow P(x, y, z, t) \\ \searrow S' \rightsquigarrow P(x', y', z', t') \end{cases}$$

$$\begin{cases} x' = x - vt \\ y' = y \\ z' = z \\ t' = t \end{cases}$$

← TEMPO ASSOLUTO  
(MECCANICA NEWTONIANA)

$S'$  si muove con velocità  $\vec{v}$  costante rispetto a  $S$  nella direzione dell'asse  $x$  (verso positivo).  
All'istante iniziale  $t = t' = 0$  i due S.R.I. coincidono.

$P \rightsquigarrow$  vel.  $u$  in  $S$

$P \rightsquigarrow$  vel.  $u'$  in  $S'$

$$x' = x - vt \quad \Downarrow \quad t' = t$$

$$\frac{dx'}{dt'} = \frac{dx}{dt} - v$$

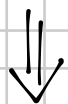
$$u' = u - v \quad \swarrow \text{COSTANTE}$$

$$a' = a$$

$$F' = ma' = ma = F$$

## RELATIVITÀ GALILEIANA (NEWTONIANA)

Le leggi della meccanica sono le stesse in tutti i S.R.I.



Nessun esperimento di meccanica eseguito in un solo S.R.I. può mettere in evidenza lo stato di moto di quel sistema rispetto a un altro S.R.I.



differenti velocità,  
en. cinetiche, quantità  
di moto ...



ma tutti concordano  
sulle LEGGI, ad es.:  
conservazione dell'en.  
meccanica, cons. delle  
q.tà di moto negli urti, ...

ELETTROMAGNETISMO → il principio di relatività galileiana non vale più:

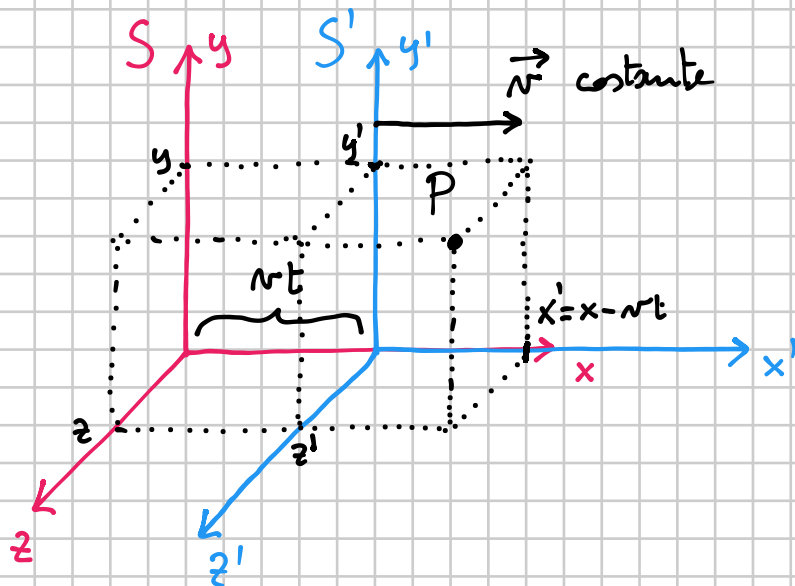
le equazioni di Maxwell non sono invarianti per trasformazioni di Galileo

$c = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}}$  vel. della luce nel vuoto non è invariante per trasformazioni di Galileo



IPOTESI DI ESISTENZA DELL'ETERE,  
cioè di un S.R. privilegiato, rispetto  
al quale la velocità della luce  
è  $c$  (posizione prevalente  
degli inizi 1900)

# 1904 - TRASFORMAZIONI DI LORENTZ



$$\begin{cases} x' = \gamma(x - vt) \\ y' = y \\ z' = z \\ t' = \gamma\left(t - \frac{\beta}{c}x\right) \end{cases}$$

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \beta^2}} \quad \beta = \frac{v}{c}$$

Se  $c = \infty$ , allora TR. DI GALILEO  $\equiv$  TR. DI LORENTZ

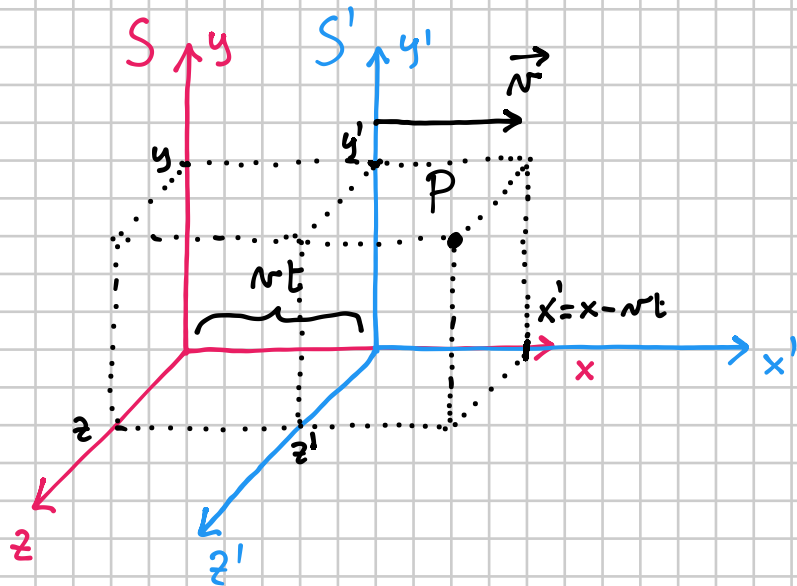
$$v \ll c \Rightarrow \frac{\beta}{c} = \frac{v}{c^2} \rightarrow 0 \quad \frac{\beta}{c} x \rightarrow 0 \quad \gamma \rightarrow 1$$

$\uparrow$   
MOLTO MINORE

(se  $x$  non è "troppo grande")

TR. DI LORENTZ  $\rightarrow$  TR. DI GALILEO

# DILATAZIONE DEI TEMPI



$$P_1(x_1, y_1, z_1, t_1) \rightarrow P_1(x'_1, y'_1, z'_1, t'_1)$$

$$P_2(x_2, y_2, z_2, t_2) \rightarrow P_2(x'_2, y'_2, z'_2, t'_2)$$

$$\Delta x = x_2 - x_1$$

$$\Delta x' = x'_2 - x'_1$$

$$\Delta t = t_2 - t_1$$

$$\Delta t' = t'_2 - t'_1$$

$$\begin{cases} x' = \gamma(x - vt) \\ y' = y \\ z' = z \\ t' = \gamma(t - \frac{v}{c}x) \end{cases}$$

$\Rightarrow$

$$\begin{cases} \Delta x' = \gamma(\Delta x - v\Delta t) \\ \Delta y' = \Delta y \\ \Delta z' = \Delta z \\ \Delta t' = \gamma(\Delta t - \frac{v}{c}\Delta x) \end{cases}$$

Se due eventi A e B avvengono nella stessa posizione rispetto a S

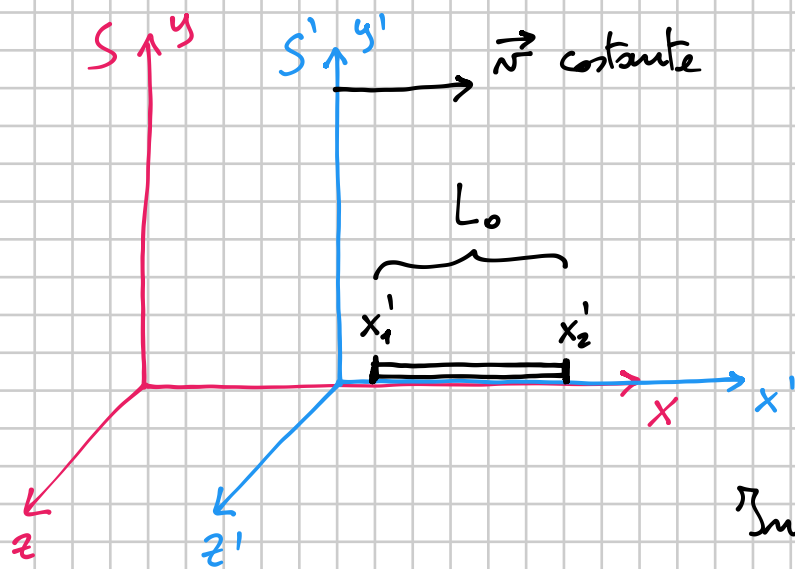
$\Downarrow$

$$\Delta x = 0$$

$\Delta t$  tempo proprio

In S' si ha che  $\Delta t' = \gamma \Delta t$   
TEMPO PROPRIO

# CONTRAZIONE DELLE LUNGHEZZE (CONTRAZIONE DI LORENTZ)



$L_0$  = lunghezza propria della sbarra in  $S'$

$$L_0 = x'_2 - x'_1 = \Delta x'$$

In  $S$  (che vede l'asta in moto con vel.  $v$ ) si devono determinare le posizioni delle sue estremità  $x_1$  e  $x_2$  simultaneamente

evento A = 1° estremo della sbarra in  $x_1$  all'istante  $t$

evento B = 2° estremo della sbarra in  $x_2$  all'istante  $t$

$$L = \text{lunghezza valutata da } S = x_2 - x_1 = \Delta x \quad \Delta t = 0$$

$$\Delta x' = \gamma(\Delta x - v \Delta t) \Rightarrow \Delta x' = \gamma \Delta x$$

$$L_0 = \gamma L \Rightarrow L = \frac{L_0}{\gamma}$$

LUNGHEZZA PROPRIA